

UNIVERSITÀ CA' FOSCARI DI VENEZIA
Facoltà di Scienze Matematiche, Fisiche e Naturali
Corso di Laurea Specialistica in Informatica

Corso di Sistemi Distribuiti
Approfondimento

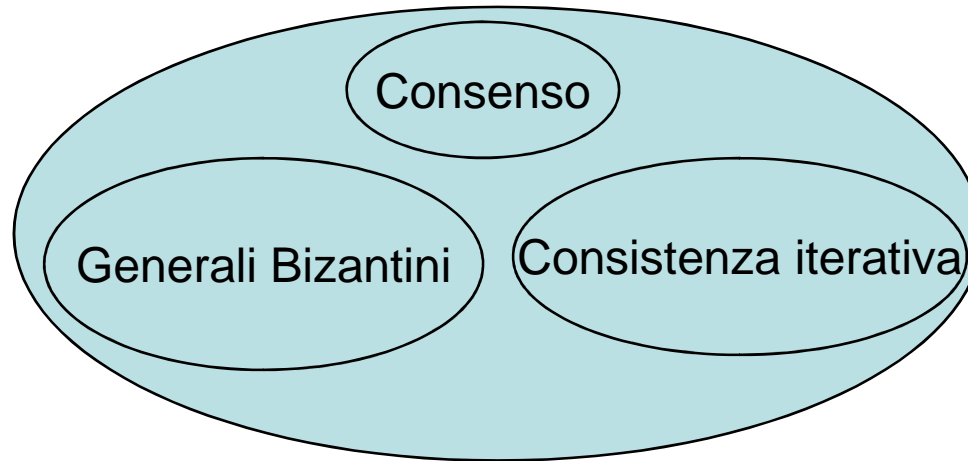
Problema del consenso e relativi problemi

Studente: Marco Lionello

Anno Accademico 2005-2006

Consenso e problemi correlati

Problemi di agreement



- Problemi di “agreement”
- Trovare un’ accordo su di una variabile dopo che uno o più processi propongono un valore per quella variabile”
- **Esempi:**
 - Procedere o non procedere su una determinata operazione
 - Transazioni bancarie
 - Mutua esclusive
 - Multicast totale ordinato

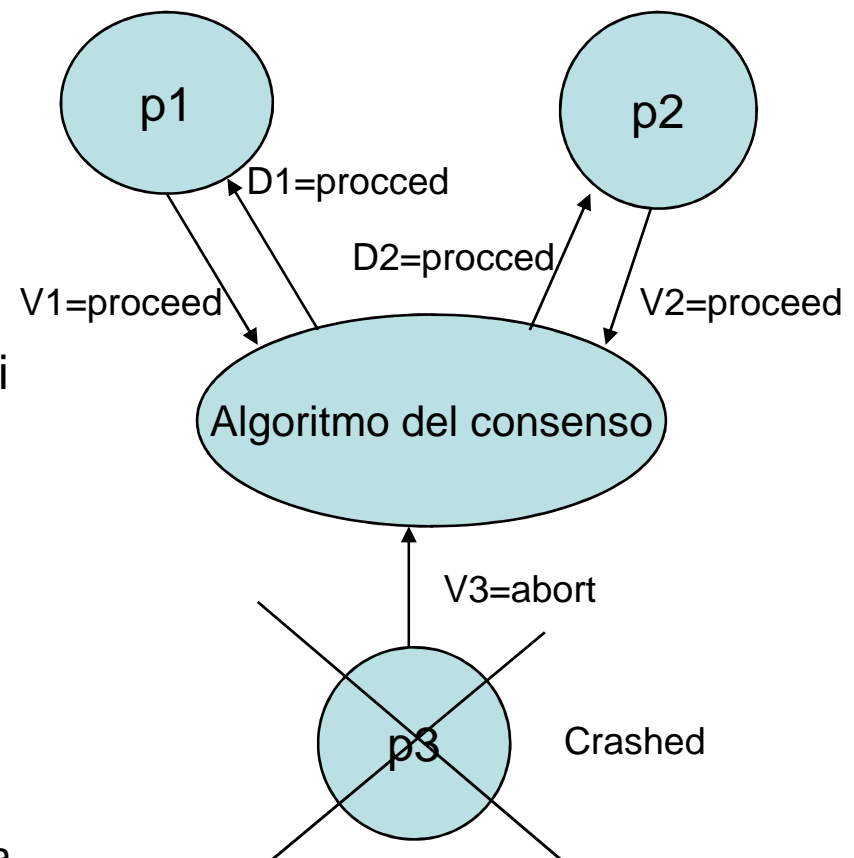
Problema del consenso

- Ogni processo p_i è all'inizio nello stato undecided e propone un valore v_i appartenente a D

Condizioni fondamentali nel consenso:

- Terminazione: Ogni processo corretto pone la sua variabile di decisione
- Accordo: La variabile di decisione di tutti i processi corretti è la stessa
- Integrità: se tutti i processi corretti propongono lo stesso valore, allora ogni processo corretto nello stato di decisione ha scelto quel valore

NOTA: possibile introduzione di una soglia sulla nozione di integrità



Problema dei generali bizantini

- Tre o più generali devono accordarsi sull'attaccare o sul ritirarsi
- Comandante dà i comandi, i tenenti devono decidere sul da farsi
- Uno o più generali può essere perfido:
 - Se è il comandante dice a un tenente di attaccare e all'altro di ritirarsi
 - Se è un tenente comunica ai peers ad alcuni di attaccare ad altri di ritirarsi

Differenza dal consenso: un processo distinto fornisce un valore che gli altri devono concordare, invece che tutti propongano il valore.

Condizioni fondamentali nel problema del generale bizantino:

Terminazione: Ogni processo corretto pone la sua variabile di decisione

Accordo: La variabile di decisione di tutti i processi corretti è la stessa

Integrità: se il comandante è corretto, allora tutti i processi corretti decidono sul valore che il comandante ha deciso

Nota: l'integrità implica l'accordo solo se il comandante è corretto

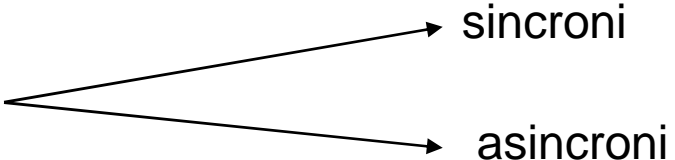
Problema della consistenza iterativa

- Variante del consenso in cui tutti i processi propongono un valore
- Goal dell'algoritmo è per i processi corretti di accordarsi in un vettore di valori uno per ogni processo "decision vector"
- Esempio ottenere le stesse informazioni riguardo ai rispettivi stati

Condizioni fondamentali nel problema del generale bizantino:

- Terminazione: Ogni processo corretto pone il suo "decision vector"
- Accordo: il "decision vector" di tutti i processi corretti è lo stesso
- Integrità: se p_i è corretto, allora tutti i processi corretti decidono su v_i come i -esimo componente del loro vettore.

Relazionare i tre problemi (1/2)

- Frammentazione dei problemi 
 - sincroni
 - asincroni
- Soluzione dei problemi C, BG, IC:
 - $C_i(v_1, v_2, \dots, v_n)$ ritorna la “decision value” di p_i nella soluzione di una esecuzione del problema del consenso, dove v_i sono i valori che i processi hanno proposto
 - $BG_i(j, v)$ ritorna la “decision value” di p_i nella soluzione di una esecuzione di problema dei generali bizantini, dove p_j il comandante propone il valore v
 - $IC_i(v_1, \dots, v_n)[j]$ ritorna il j -esimo valore nel “decision vector” di p_i nella soluzione dell’esecuzione del problema della consistenza iterativa, dove v_1, \dots, v_n sono valori che i processi propongono

Relazionare i tre problemi (2/2)

- IC da BG: Costruiamo una soluzione a IC da BG facendo eseguire BG N volte una per ogni processo p_i usandola come comandante:
 $IC_i(v_1, \dots, v_n)[j] = BG_i(j, v_j) \quad (i, j = 1 \dots N)$
- C da IC: Per il caso in cui $majority()$ dei processi è corretta, si costruisce una soluzione di C da IC eseguendo IC per produrre un vettore di valori a ogni processo, che applicato alla funzione appropriata nel vector's value per derivare un singolo valore
 $C_i(v_1, \dots, v_n) = majority(IC_i(v_1, \dots, v_n)[1], \dots, IC_i(v_1, \dots, v_n)[N]) \quad \text{per ogni } i$
- BG da C: Costruiamo una soluzione di BG da C come descritto qui sotto:
 - Il comandante p_j manda una proposta di valore v a se stesso e a ogni altro processo
 - Tutti i processi lanciano C con i valori v_1, v_2, \dots, v_n che ricevono (p_j potrebbe essere caduto)
 - I processi derivano $BG_i(j, v) = C(v_1, \dots, v_n) \quad \text{per ogni } i$

Algoritmo (1/2)

- In sistemi con crash risolvere il problema è equivalente a risolvere un problema di multicast certo ordinato.
- Implementazione del consenso con RTO-multicast → diretto

Algoritmo

- Ogni processo fa RTO-Multicast di (g, v_i) per $f+1$ giri
- Ogni processo p_i sceglie $d_i = m_i$ dove m_i è il primo valore che p_i trasporta
- La terminazione, accordo, integrità garantiti dal RTO-Multicast
- Dimostrazione di Chandra and Toueg [1996]

Algoritmo (2/2)

- Al max f difetti
- Garanzia che al passo $f+1$ ci sia accordo
- Attiya e Welch [1998]
- Sistema sincrono \rightarrow durata del giro settata da un timeout

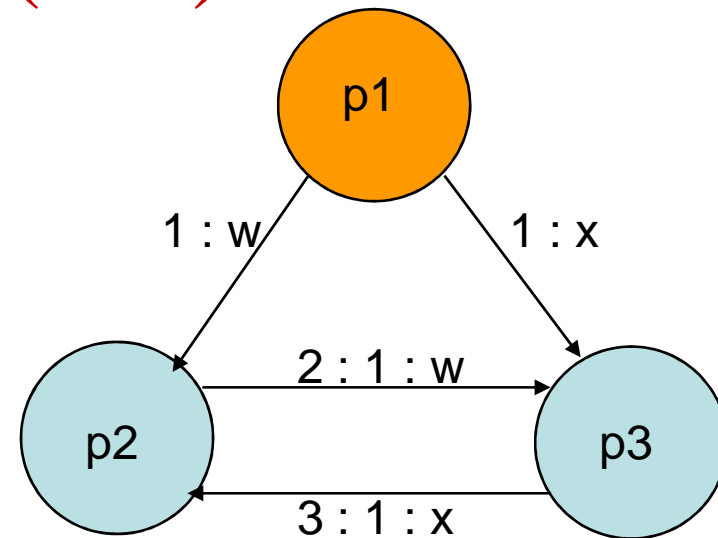
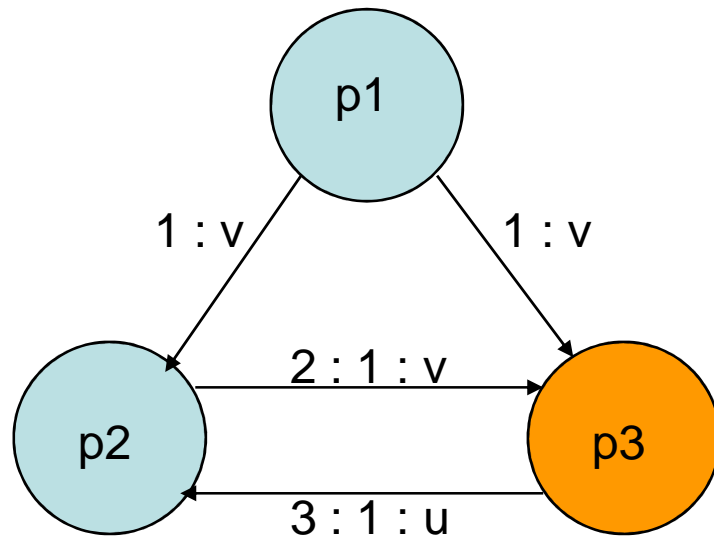
Dimostrazione

- Per assurdo due processi alla fine dell'algoritmo differiscono p_i e p_j
- Unica spiegazione crash di un terzo processo che gestiva la spedizione di v da p_i a p_j
- Crash nel giro precedente, al max un crash per giro
- Ma f crash e $f+1$ giri \rightarrow Assurdo!!!

Generale bizantino in sistema sincrono (1/2)

- Presenza di difetti arbitrari (messaggi senza valore, valore sbagliato)
- Processi corretti capiscono quando quando c'è assenza di messaggio ma non possono concludere un crash
- Assunzione canale di comunicazione privato
- Processi esaminano più messaggi per trovare eventuali inconsistenze
- Nessun processo può inniettare messaggi maliziosi
- Lamport[1982] non esiste soluzione nel caso di tre processi con uno fallimentare.
- Generalizzazione $N \leq 3f$

Generale bizantino in sistema sincrono (2/2)

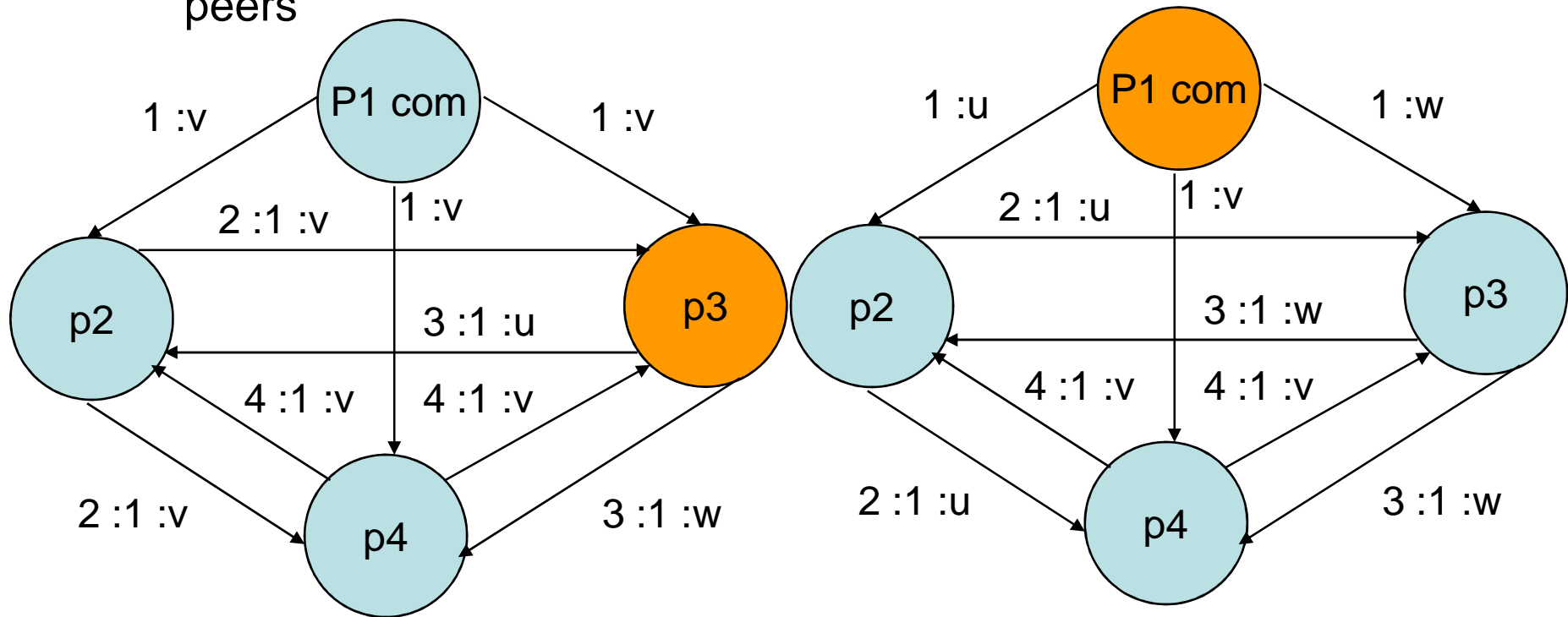


- dimostrazione Pease[1980]. L'algoritmo bizantino può essere raggiunto per i tre generali, con uno di questo difettoso, se il generale firma i suoi messaggi.
- Soluzione sse $N > 3f$

Soluzione con un processo caduto (Istanza Pease $N=4$ $f=1$)

Due passi:

1. Nel primo giro ogni generale manda un valore ad ogni tenente
2. Nel secondo ogni tenente manda il valore che ha ricevuto ai suoi peers



Conclusioni

Misure di efficienza:

- Giri di messaggi → Tempo di esecuzione
- Numero di messaggi scambiati → Bandwidth
- Lamport numero di giri = $f+1$ Fisher and Lynch [1982]
- Numero di messaggi $O(N^{f+1})$
- Dolev and Strong
- Algoritmi applicabili quando la minaccia è grande
- Uso di firma elettronica

Bibliografia

- Pease, M., Shostack, R. and Lamport, L. (1980). Reaching agreement in the presence of faults. *Journal of the ACM*, Vol. 27, No. 2, April, pp. 228-34
- Dolev, D. and Strong, H. (1983). Authenticated algorithms for byzantine agreement. *SIAM Journal of Computing*, Vol. 12, No. 4, pp. 656-66
- Fisher, M. and Lynch, N. (1982). A lower bound for the time to assure interactive consistency. *Inf. Process. Letters*, Vol. 14, No. 4, June, pp. 183-6
- Fisher, M., Lynch, N. and Paterson, M. (1985). Impossibility of distributed consensus with one faulty process. *Journal of ACM*, Vol. 32, No. 2 Apr., pp. 34
- Attiya, H. and Welch, J. (1998). *Distributed Computing Fundamentals, Simulations and Advanced Topics*. McGraw-Hill.
- Chandra, T. and Toueg, S. (1996). Unreliable failure detectors for reliable distributed systems. *Journal of the ACM*, Apr., pp. 374-82
- Coulouris, G. and Dollimore, J. And Kindberg, T. (2005). *Distributed System Concepts and Design*, 4th edition, Addison Wesley Masson